

Programmation Fonctionnelle Avancée

Contrôle des connaissances 2010/2011 – Rattrapage du 16 juin 2011
Master Informatique 2^{ème} année, spécialité Programmation et Logiciels Sûrs
Institut Galilée – Université Paris 13

Luca Saiu

Documents de cours et de TP autorisés
Durée 3h

Le barème est donné à titre indicatif pour les quatre parties (total : **30 points**)

Première partie

Typage intuitif (5 points)

Q1. (5 points) Pour chaque expression OCaml suivante, dire si l'expression est bien typée et, le cas échéant, donner le type. En revanche, justifiez la réponse si vous considérez l'expression non typable.

Exemples : l'expression `42` a type `int` ; l'expression `1 + ()` n'est pas bien typée parce que l'opérande à droite du `+` n'est pas de type entier.

- (a) ($\frac{1}{2}$ point) `[] :: []`
 - (b) ($\frac{1}{2}$ point) `1 :: []`
 - (c) ($\frac{1}{2}$ point) `[] :: 1`
 - (d) ($\frac{1}{2}$ point) `[1] :: []`
 - (e) ($\frac{1}{2}$ point) `[] :: [1]`
 - (f) ($\frac{1}{2}$ point) `fun x -> 1`
 - (g) ($\frac{1}{2}$ point) `fun x -> fun y -> x`
 - (h) ($\frac{1}{2}$ point) `(fun x -> x)(let z = 1 in 2)`
 - (i) ($\frac{1}{2}$ point) `fun x -> if x then x else x`
 - (j) ($\frac{1}{2}$ point) `if 1 then 2 else 3`
-

Deuxième partie

Interprètes et typage formel (10 points)

Q2. (4 points) Le type `expression` défini ci-dessous représente un arbre de syntaxe abstraite pour un langage d'expressions arithmétiques faites de nombres entiers, sommes et produits, mais sans variables.

```
type expression =  
| Number of int  
| Plus of expression * expression  
| Times of expression * expression;;
```

Écrivez la définition d'une fonction `eval` de type `expression -> int` qui retourne la valeur d'une expression donnée.

Q3. (6 points) Je n'ai jamais montré cette partie du langage au cours, mais OCaml comprend aussi un type tableau homogène prédéfini ; bien sûr le type est paramétrique, pareil au type liste : un tableau a type τ `array` lorsque ses éléments ont type τ .

On a aussi des fonction prédéfinies qui permettent de créer des tableaux, dont vous pouvez ignorer les détails. Ici nous sommes intéressés aux opérateurs d'accès aux tableaux, en lecture et en écriture. Formellement on peut décrire la syntaxe des opérateurs d'accès aux tableaux de la façon suivante :

```
e ::= e.(e)
e ::= e.(e) <- e
```

Voilà une explication intuitive :

- Accès en lecture : en OCaml on écrit « $e_1.(e_2)$ », si e_1 et e_2 sont des expressions OCaml, pour obtenir le contenu du tableau exprimé par e_1 à l'index exprimé par e_2 (en C ou Java, si e_1 et e_2 sont des expressions C ou Java, on écrit « $e_1[e_2]$ »)
- Accès en écriture : si e_1 , e_2 et e_3 sont des expressions OCaml, on écrit « $e_1.(e_2) <- e_3$ » pour représenter ce qui en C ou en Java serait écrit « $e_1[e_2] = e_3$ » (avec e_1 , e_2 et e_3 des expressions C ou Java).

Donnez des règles de typage pour les opérateurs d'accès aux tableaux (je demande *des règles logiques, pas du code*) en justifiant votre réponse.

Troisième partie

Gestion automatique de la mémoire (4 points)

Q4. (4 points) Dans les fonctions OCaml suivantes, soulignez les expressions dont l'exécution provoque l'allocation dynamique de la mémoire sur le *heap*, et cercelez les expressions dont l'exécution provoque *toujours* la destruction de au moins un objet sur le *heap* :

```
let singleton x =
  [x];;

let rec append xs ys =
  match xs with
  | [] -> ys
  | first :: rest -> first :: (append rest ys);;

let rec reverse xs =
  match xs with
  | [] -> []
  | first :: rest -> append (reverse rest) (singleton first);;
```

Quatrième partie

Modules et foncteurs (11 points)

Soient données les deux signatures suivantes :

```
module type ASignature = sig
  type t;;

  exception PredecessorOfZero;;
  (* Le nombre zéro, converti en t *)
  val zero : t;;

  (* is_zero retourne true si son parametre est zéro, sinon elle retourne false *)
  val is_zero : t -> bool;;
  (* predecessor retourne le prédecesseur de son paramètre, ou elle soulève
   PredecessorOfZero si son paramètre est zéro *)
  val predecessor : t -> t;;
  (* predecessor retourne le successeur de son paramètre *)
  val successor : t -> t;;
  (* to_int retourne son paramètre converti en entier OCaml *)
  val to_int : t -> int;;
end;;

module type BSignature = sig
  type t;;
  (* Le nombre un, converti en t *)
  val one : t;;

  (* sum retourne la somme de ses paramètres: *)
  val sum : t -> t -> t;;
  (* to_int retourne son paramètre converti en entier OCaml *)
  val to_int : t -> int;;
end;;
```

Q5. (3 points) Donnez la définition d'un module `A` qui respecte la signature `ASignature`, en respectant les commentaires aussi.

Q6. (5 points) Donnez la définition d'un foncteur `MakeB` qui, donné un module avec signature `ASignature`, produit un module avec signature `BSignature`. Le type `t` défini dans le module retourné par le foncteur doit être le même type défini dans le module donné. Respectez les commentaires en `BSignature`.

Q7. (3 points) Utilisez le module et le foncteur définis aux points précédents pour calculer $2 + 2$, en utilisant le type `t`, et affichez le résultat.